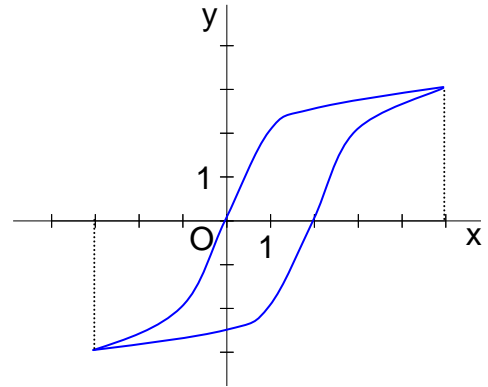
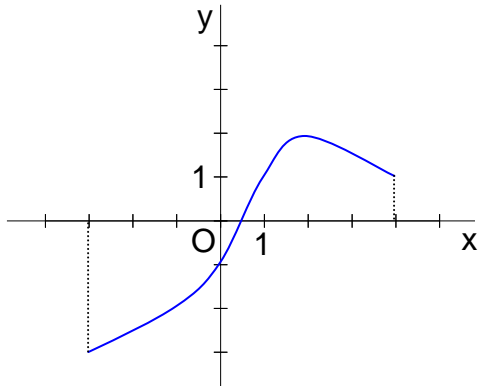




## ÉTUDE DES FONCTIONS USUELLES

### I) Définir une fonction

#### Activité 1



A partir des représentations graphiques ci-dessus, repérez le nombre de valeurs de  $y$  associées à une valeur de  $x$ .

#### Définition

Une fonction numérique  $f$  de la variable  $x$ , définie sur  $Df$ , associe à chaque réel  $x$  de  $Df$ , un réel **unique** appelé  $f(x)$ .

- Le nombre  $f(x)$  est l'image de  $x$  par la fonction  $f$ .
- $Df$  est l'ensemble de définition de la fonction.

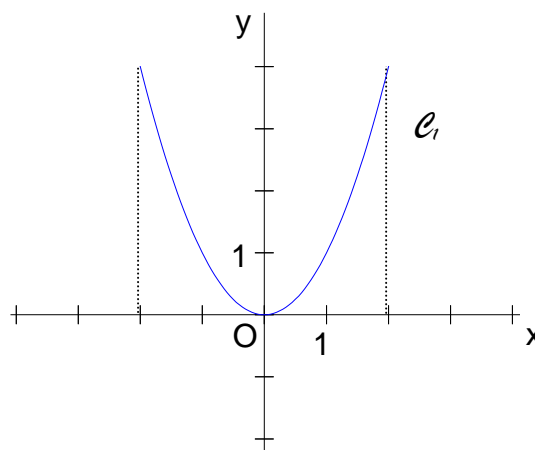
#### Notation

La fonction  $f$  se note  $f : x \mapsto f(x)$

### II) Définir la parité d'une fonction

#### 1) Fonction paire

#### Activité 2





x	-2	-1	0	1	2
y					

En vous servant de la représentation graphique ci-dessus, remplissez le tableau.

Que constatez-vous ?.....

La courbe  $\mathcal{C}_1$  est la représentation graphique de la fonction  $f : x \mapsto x^2$ . Que pouvez-vous dire de  $f(-x)$  ?

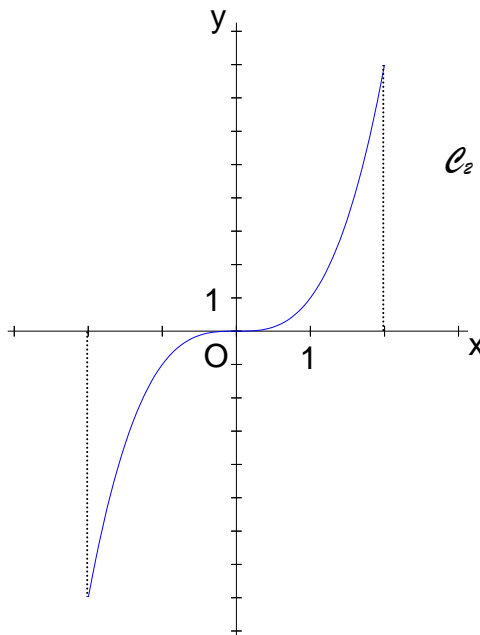
Que peut-on dire de la courbe  $\mathcal{C}_1$  ?

**Définition**

Une fonction  $f$  définie sur l'intervalle  $Df$  centré sur l'origine est **paire** si  $f(-x) = f(x)$  pour tout  $x$  de l'intervalle  $Df$ . La courbe représentative d'une fonction **paire** admet **l'axe des ordonnées** pour axe de symétrie.

**2) Fonction impaire**

Activité 3



x	-2	-1	0	1	2
y					

En vous servant de la représentation graphique ci-dessus, remplissez le tableau. Que constatez-vous ?

La courbe  $\mathcal{C}_2$  est la représentation graphique de la fonction  $f : x \mapsto x^3$ . Que pouvez-vous dire de  $f(-x)$  ?

Que peut-on dire de la courbe  $\mathcal{C}_2$  ?

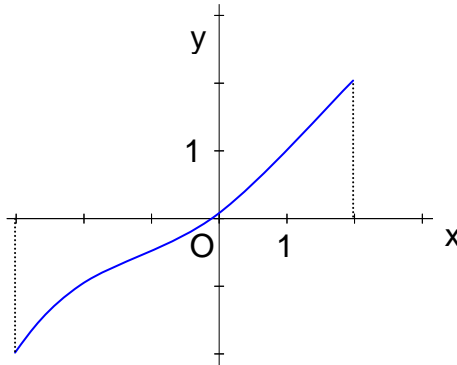


### Définition

Une fonction  $f$  définie sur l'intervalle  $Df$  centré sur l'origine est **impaire** si  $f(-x) = -f(x)$  pour tout  $x$  de l'intervalle  $Df$ . La courbe représentative d'une fonction **impaire** admet **l'origine du repère** pour centre de symétrie.

### III) Déterminer le sens de variation d'une fonction

#### Activité 4



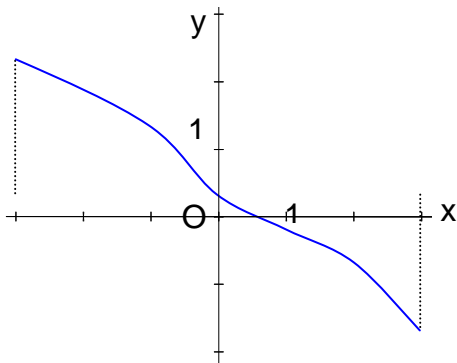
Choisissez  $x_1$  et  $x_2$  tels que  $x_1 < x_2$  et en vous servant de la représentation graphique ci-dessus comparez  $f(x_1)$  et  $f(x_2)$ .

.....

### Définition

Une fonction  $f$  est **croissante** sur un intervalle  $I$ , si pour tous réels  $x_1$  et  $x_2$  de  $I$ ,  $x_1 < x_2$  entraîne  $f(x_1) < f(x_2)$

#### Activité 5



Choisissez  $x_1$  et  $x_2$  tels que  $x_1 < x_2$  et en vous servant de la représentation graphique ci-dessus comparez  $f(x_1)$  et  $f(x_2)$ .

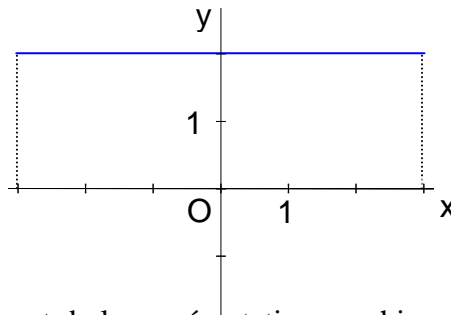
.....

### Définition

Une fonction  $f$  est **décroissante** sur un intervalle  $I$ , si pour tous réels  $x_1$  et  $x_2$  de  $I$ ,  $x_1 < x_2$  entraîne  $f(x_1) > f(x_2)$



Activité 6

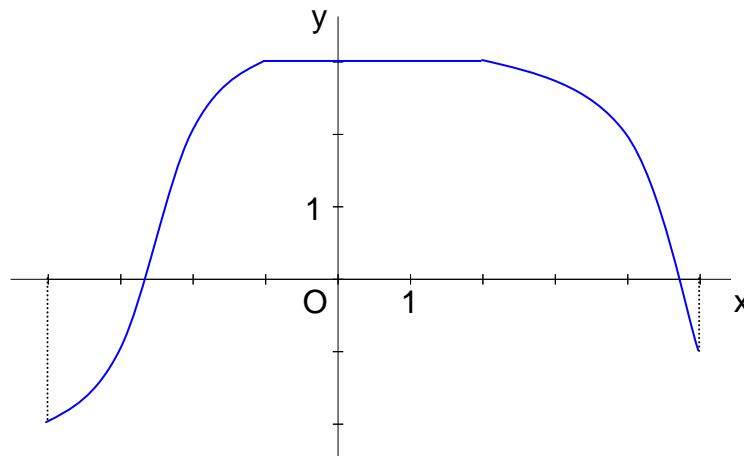


Choisissez  $x_1$  et  $x_2$  et en vous servant de la représentation graphique ci-dessus comparez  $f(x_1)$  et  $f(x_2)$ .

**Définition**

Une fonction  $f$  est **constante** sur un intervalle  $I$ , si pour tous réels  $x_1$  et  $x_2$  de  $I$ , on a  $f(x_1) = f(x_2)$

Activité 7



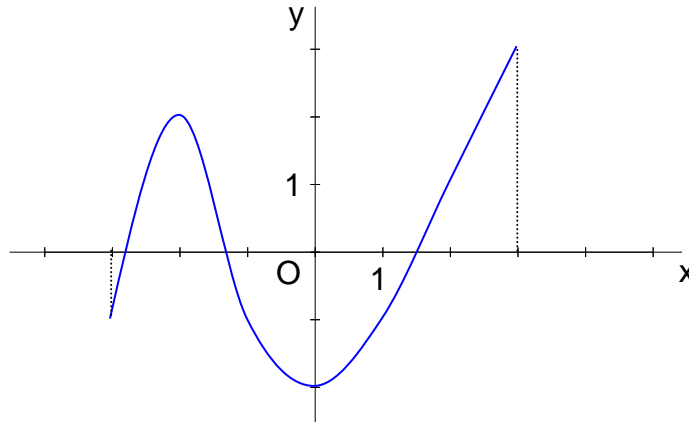
Tracez le tableau de variation de la fonction  $f$  dont la représentation graphique est donnée ci-dessus.

$x$	
Sens de variation de $f$	



## IV) Repérer les minima et les maxima

### Activité 8



Pour toute valeur  $x$  appartenant à  $[-3 ; 2]$ , que peut-on dire de  $f(-2)$  par rapport à  $f(x)$  ?

.....

Pour toute valeur  $x$  appartenant à  $[-3 ; 2]$ , que peut-on dire de  $f(0)$  par rapport à  $f(x)$  ?

.....

### Définition

Une fonction  $f$  définie sur un intervalle  $I$  présente :

- un **maximum** pour une valeur de  $I$  si pour tout  $x$  de  $I$ ,  $f(a) \geq f(x)$  ;  
 $f(a)$  est le maximum de la fonction  $f$ .
- un **minimum** pour une valeur de  $I$  si pour tout  $x$  de  $I$ ,  $f(a) \leq f(x)$  ;  
 $f(a)$  est le minimum de la fonction  $f$ .

Quel est le maximum sur  $[-3 ; 3]$  dans notre exemple ?

.....

### Remarques

Les minima et les maxima sont appelés les extréma.