



# DYNAMIQUE DU SOLIDE EN ROTATION

## I) Principe de la dynamique de rotation

Lorsque la somme algébrique des moments des forces appliquées à un système mobile autour d'un axe fixe est constante, alors le mouvement est uniformément varié.


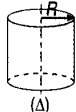
L'accélération angulaire  $\alpha = \frac{a}{R}$  est constante ( $\alpha$  en rad/s<sup>2</sup>).

La somme algébrique des moments des forces appliquées est proportionnelle à l'accélération angulaire  $\alpha$  :

$$\sum M \vec{F}_{(\Delta)} = J \times \alpha$$

Le coefficient de proportionnalité  $J$  s'appelle le **moment d'inertie** du système en rotation par rapport à l'axe ( $\Delta$ ). Il s'exprime en kg.m<sup>2</sup>.

Le moment d'inertie caractérise l'opposition du solide à toute variation de vitesse de rotation. Il ne dépend que des caractéristiques du solide : masse et forme.

Pour une jante :  $J = m \times R^2$   ; pour un disque ou un cylindre  $J = \frac{1}{2} mR^2$  

Le moment d'inertie d'un solide étant toujours différent de 0

$$\sum M < 0$$

le mouvement est uniformément **décéléré**

$$\alpha < 0$$

$$\sum M = 0$$

le mouvement est **uniforme** ou le solide est à l'arrêt

$$\alpha = 0$$

$$\sum M > 0$$

le mouvement est uniformément **accélééré**

$$\alpha > 0$$

## II) Analogie

### Mouvement rectiligne

$x$  : position  
 $v$  : vitesse linéaire  
 $a$  : accélération  
 $m$  : masse  
 $\vec{F}$  : force  
 $\sum \vec{F} = m\vec{a}$

### Mouvement circulaire

$\theta$  angle balayé  
 $\omega$  vitesse angulaire  
 $\alpha$  accélération angulaire  
 $J$  : moment d'inertie  
 $M$  : moment d'une force  
 $\sum M = J\alpha$